

1^a Questão: Considerando o sistema linear invariante no tempo descrito pela equação diferencial abaixo, determine a solução forçada para a entrada $x(t) = 1 + \exp(t)$

$$\dot{y} + 2y = \dot{x} + 5x$$

$$H(s) = \frac{s+5}{s+2}, \quad y_f(t) = H(0)1 + H(1)\exp(t) = \frac{5}{2} + 2\exp(t)$$

2^a Questão: Determine a transformada de Laplace (bilateral) com o domínio de existência Ω_x para

$$x(t) = -t \exp(2t)u(-t)$$

$$y(t) = x(-t) = t \exp(-2t)u(t), \quad Y(s) = \frac{1}{(s+2)^2}, \quad \text{Re}(s) > -2$$

$$X(s) = Y(-s) = \frac{1}{(-s+2)^2} = \frac{1}{(s-2)^2}, \quad \text{Re}(s) < 2$$

3^a Questão: Determine $x(t) = \mathcal{L}^{-1}\{X(s)\}$ (transformada de Laplace bilateral inversa) para

$$X(s) = \frac{8s+9}{(s-2)(s+3)}, \quad -3 < \text{Re}(s) < 2$$

$$X(s) = \frac{8s+9}{(s-2)(s+3)} = \frac{5}{s-2} + \frac{3}{s+3}$$

$$x(t) = -5 \exp(2t)u(-t) + 3 \exp(-3t)u(t)$$

4^a Questão: a) Determine a transformada unilateral de Laplace $Y(s) = \mathcal{L}\{y(t)\}$, sendo $y(t)$ a solução da equação diferencial abaixo

$$\ddot{y} + 2\dot{y} + 5y = 0, \quad y(0), \quad \dot{y}(0) \text{ dados}$$

b) Determine $y(0)$ e $\dot{y}(0)$ para que $y(t) = \exp(-t) \cos(2t)u(t)$ seja a solução.

$$Y(s) = \frac{sy(0) + \dot{y}(0) + 2y(0)}{s^2 + 2s + 5} = \frac{s+1}{(s+1)^2 + 2^2}, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = -1$$

5^a Questão: Determine a resposta ao degrau $y_u(t)$ (condições iniciais nulas) do sistema linear invariante no tempo causal descrito pela equação diferencial

$$\ddot{y} + 2\dot{y} + 5y = 8\ddot{x} + 13\dot{x} + 25x$$

$$H(s) = \frac{8s^2 + 13s + 25}{s^2 + 2s + 5}, \quad X(s) = 1/s$$

$$Y_u(s) = \left(\frac{8s^2 + 13s + 25}{s^2 + 2s + 5} \right) \frac{1}{s} = \frac{5}{s} + \frac{3(s+1)}{(s+1)^2 + 4}$$

$$y_u(t) = (5 + 3 \exp(-t) \cos(2t))u(t)$$

6^a Questão: Considere $y(t)$ a saída de um sistema linear invariante no tempo, BIBO-estável e causal, cuja transformada unilateral de Laplace é dada por

$$\mathcal{L}\{y(t)\} = \frac{s + 26}{s^3 + 6s^2 + 13s}, \quad \text{Re}(s) > 0$$

Determine, se existir: a) O valor inicial de $y(t)$; b) O valor final de $y(t)$

$$y(0^+) = \lim_{s \rightarrow +\infty} sY(s) = 0, \quad \lim_{t \rightarrow +\infty} y(t) = \lim_{s \rightarrow 0} sY(s) = 2$$

7^a Questão: Determine a solução forçada quando a entrada é dada por $x(t) = 5 \exp(-2t)$ para o sistema linear invariante no tempo causal cuja função de transferência é dada por

$$H(s) = \frac{1}{s + 2}$$

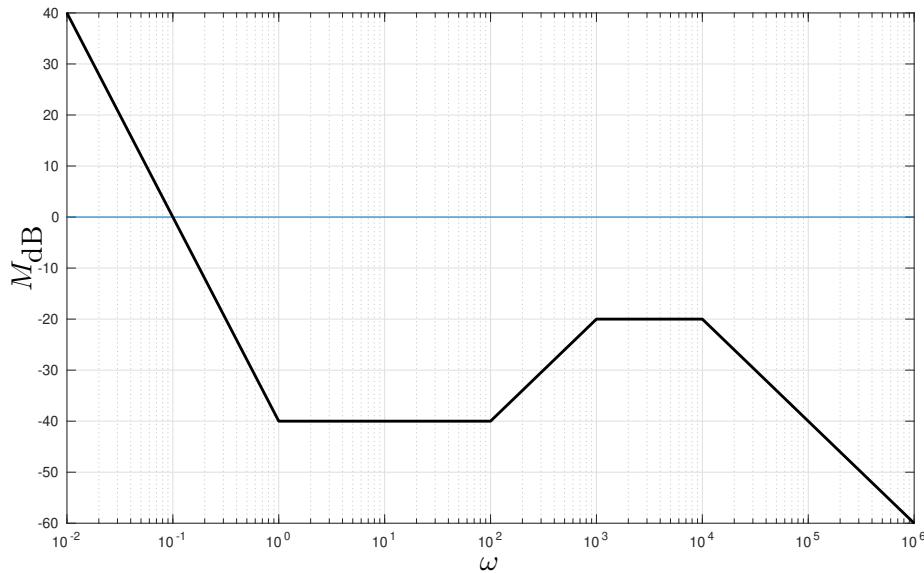
$$(p + 2)y = 5 \exp(-2t), \quad \bar{D}(p) = p + 2, \quad y_f(t) = bt \exp(-2t), \quad b = 5$$

8^a Questão: Determine a solução $y(t)$ da equação diferencial

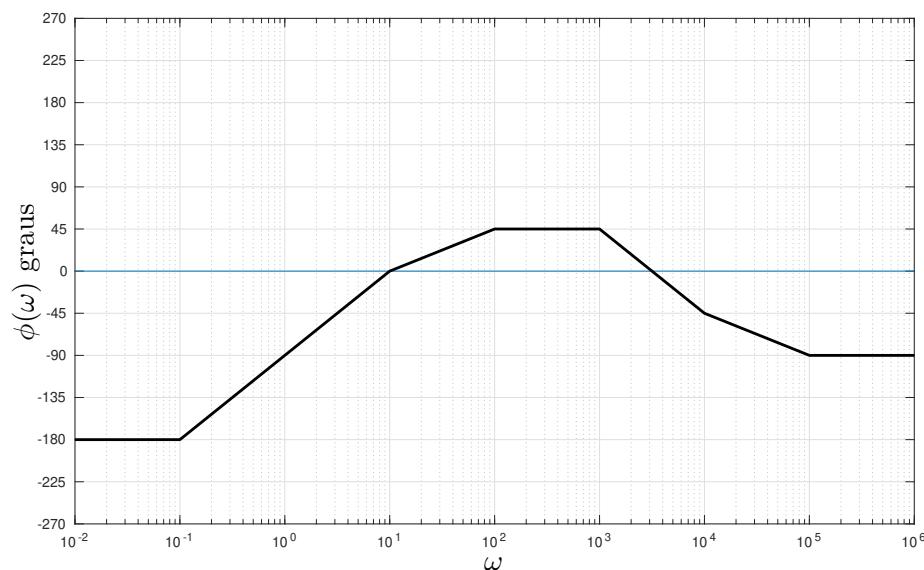
$$p(p - 2)y = 4, \quad y(0) = 10, \quad \dot{y}(0) = 0$$

$$y(t) = -2t + \exp(2t) + 9$$

9^a Questão: Considere as assíntotas de módulo do diagrama de Bode em escala logarítmica da função de transferência de um sistema linear invariante no tempo de fase mínima da figura abaixo.



a) Esboce as assíntotas de fase (em graus)

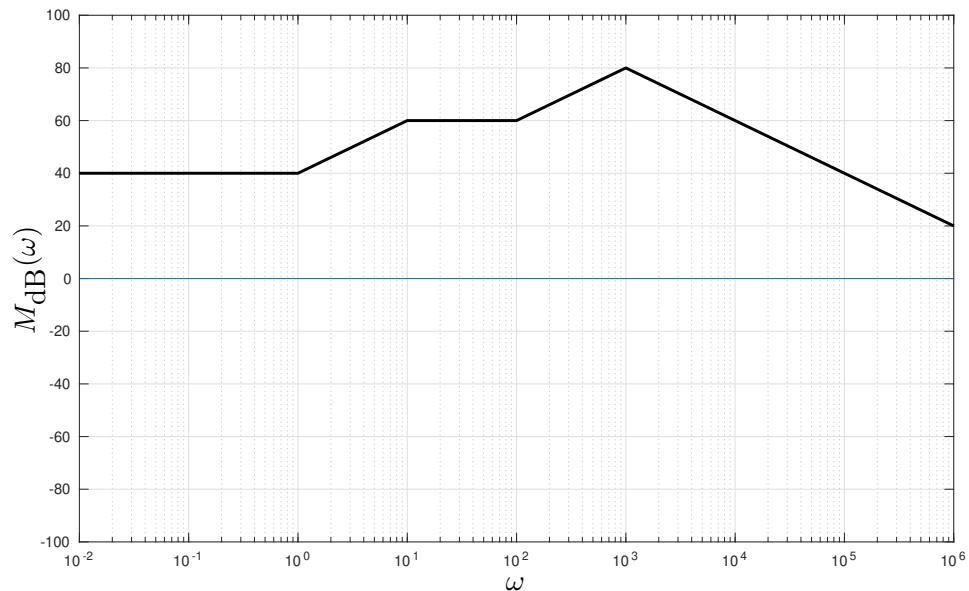


b) Baseando-se nos diagramas assintóticos de módulo e fase, determine a solução forçada do sistema para a entrada $x(t) = 10 \cos(3000t)$

$$y_f(t) = \cos(3000t)$$

10^a Questão: a) Esboce as assíntotas do módulo (diagrama de Bode em escala logarítmica) do sistema linear invariante no tempo descrito pela função de transferência

$$H(s) = \frac{10^7(s+1)(s+100)}{(s+10)(s+1000)^2}$$



b) Esboce as assíntotas da fase (diagrama de Bode em graus) do sistema.

