

1ª Questão: Determine a transformada de Fourier $\mathcal{F}\{2\pi\text{Tri}_{2\pi}(t)\}$

$$T \text{Tri}_{2T} = (t + T)G_T(t + T/2) + (-t + T)G_T(t - T/2)$$

$$\mathcal{F}\{2\pi\text{Tri}_{2\pi}(t)\} = 2\pi^2\text{Sa}^2(\pi\omega/2)$$

2ª Questão: Determine a transformada de Fourier $\mathcal{F}\{\cos(10t)\text{Tri}_4(t)\}$

$$\mathcal{F}\{\cos(10t)\text{Tri}_4(t)\} = \frac{1}{2\pi}(\pi\delta(\omega - 10) + \pi\delta(\omega + 10)) * 2\text{Sa}^2(\omega) = \text{Sa}^2(\omega - 10) + \text{Sa}^2(\omega + 10)$$

3ª Questão: Determine o valor da integral

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} \text{Sa}(4t)\text{Sa}^2(t)dt$$

$$I = \mathcal{F}\{\text{Sa}(4t)\text{Sa}^2(t)\}\Big|_{\omega=0} = \frac{1}{2\pi} \left(\frac{\pi}{4} G_8(\omega) * \pi \text{Tri}_4(\omega) \right)\Big|_{\omega=0}$$

$$I = \frac{\pi}{8} \int_{-\infty}^{+\infty} G_8(\beta)\text{Tri}_4(-\beta)d\beta = \frac{\pi}{8} \int_{-2}^2 \text{Tri}_4(\beta)d\beta = \frac{\pi}{4}$$

4ª Questão: Determine o sinal $x(t)$ cuja transformada de Fourier é dada por $X(\omega) = G_4(\omega + 2) - G_4(\omega - 2)$

$$\begin{aligned} \mathcal{F}\{X(t)\} &= \mathcal{F}\{G_4(t + 2) - G_4(t - 2)\} = 4\text{Sa}(2\omega)(\exp(j2\omega) - \exp(-j2\omega)) = 2\pi x(-\omega) \\ \Rightarrow x(t) &= \frac{2}{\pi} \text{Sa}(2t)(\exp(-j2t) - \exp(j2t)) \end{aligned}$$

5ª Questão: a) Determine o valor máximo do intervalo $T < T_{max}$ entre amostras para que o sinal $x(t) = \text{Sa}(3t)\text{Sa}(5t)$ seja recuperado sem erro a partir do sinal amostrado $x(kT)$.

$$X(\omega) = \frac{1}{2\pi} \left(\frac{\pi}{3} G_6(\omega) \right) * \left(\frac{\pi}{5} G_{10}(\omega) \right), \quad \omega_M = 8 \Rightarrow B = 4/\pi, \quad T < \pi/8$$

b) Considere $x(t)$ um sinal limitado em frequência cuja máxima frequência é $1/2$ rad/s. Determine a expressão da transformada de Fourier do filtro que recupera o sinal $x(t)$ sem distorção a partir de

$$x_a(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x(k\pi)\delta(t - k\pi)$$

$$T = \pi, \quad \omega_0 = 2, \quad H(j\omega) = \pi G_2(\omega)$$

6ª Questão: Determine a transformada de Laplace de

$$x(t) = t \operatorname{sen}(8t) \exp(-3t) u(t)$$

$$X(s) = (-1) \frac{d}{ds} \frac{8}{(s+3)^2 + 64} = \frac{16(s+3)}{((s+3)^2 + 64)^2}$$

7ª Questão: Determine a transformada inversa de Laplace de

$$X(s) = \frac{s+5}{s^2+5s+6} = \frac{s+5}{(s+2)(s+3)}, \quad \operatorname{Re}(s) < -3$$

$$X(s) = \frac{3}{s+2} - \frac{2}{s+3}, \quad x(t) = (-3 \exp(-2t) + 2 \exp(-3t)) u(-t)$$

8ª Questão: Determine o valor da integral

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} th(t) dt$$

sendo $h(t)$ a resposta ao impulso causal do sistema linear invariante no tempo dado por

$$\ddot{y}(t) + \dot{y}(t) + y(t) = 2x(t-2)$$

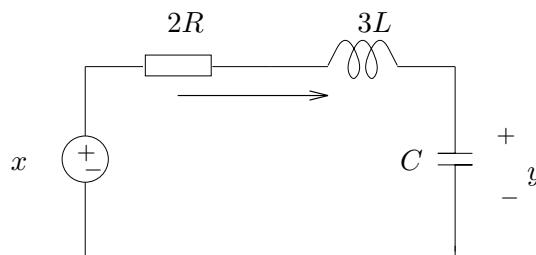
$$H(s) = \frac{2 \exp(-2s)}{s^2 + s + 1}, \quad I = -\left. \frac{d}{ds} H(s) \right|_{s=0} = 6$$

9ª Questão: Determine a transformada de Laplace $X(s)$ e o domínio de existência Ω_x para

$$x(t) = 2 \operatorname{Tri}_4(t)$$

$$X(s) = \frac{1}{s^2} (\exp(2s) - 2 + \exp(-2s)), \quad s \neq 0$$

10ª Questão: Determine L e C (em função de R e ω_c) para que o circuito abaixo



seja um filtro de Butterworth de segunda ordem, isto é, satisfaça a função de transferência

$$H(s) = \frac{1}{D(\lambda)}, \quad D(\lambda) = \lambda^2 + \sqrt{2}\lambda + 1, \quad \lambda = \frac{s}{\omega_c}, \quad \omega_c \text{ dado}$$

$$H(s) = \frac{\omega_c^2}{s^2 + \sqrt{2}\omega_c s + \omega_c^2} = \frac{1/(3LC)}{s^2 + (2R/3L)s + 1/(3LC)}$$

$$L = \frac{\sqrt{2}R}{3\omega_c}, \quad C = \frac{\sqrt{2}}{2R\omega_c}$$