

Nome:

RA:

Obs.: Resolva as questões e justifique as respostas nas folhas de papel almaço, copiando o resultado no espaço apropriado das folhas de questões.

1ª Questão: Determine a transformada de Fourier de

$$x(t) = (-t/2 + 1)G_2(t + 1)$$

1) (1.0)	
2) (1.0)	
3) (1.0)	
4) (1.0)	
5) (1.0)	
6) (1.0)	
7) (1.0)	
8) (1.0)	
9) (1.0)	
10) (1.0)	

2ª Questão: Determine a transformada de Fourier

$$\mathcal{F} \left\{ \frac{\exp(-jt)}{t^2 + 4} \right\}$$

3ª Questão: Determine o valor da integral

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2(t) dt, \quad x(t) = \text{Sa}^2(t/2), \quad \text{Sa}(x) = \frac{\text{sen}(x)}{x}$$

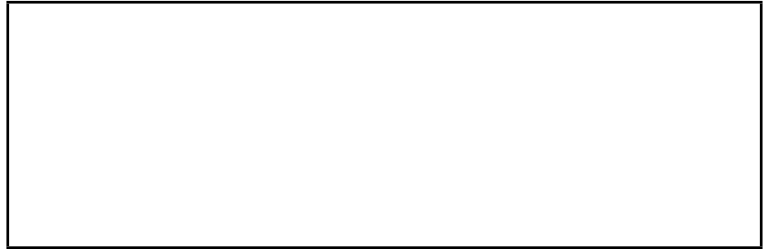
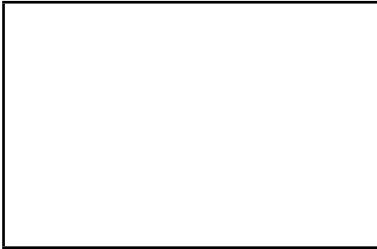
4ª Questão: Determine o sinal $x(t)$ cuja transformada de Fourier é dada por $X(\omega) = -\omega^2 G_2(\omega)$

5ª Questão: a) Determine o valor máximo do intervalo $T < T_{max}$ entre amostras para que o sinal $x(t)$ seja recuperado sem erro a partir do sinal amostrado $x(kT)$, sabendo que

$$x(t) = \text{Sa}(2t) \cos(10t)$$

b) Considere $x(t)$ um sinal limitado em frequência cuja máxima frequência é $\pi/20$ rad/s. Determine a expressão da transformada de Fourier do filtro que recupera o sinal $x(t)$ sem distorção a partir de

$$x_a(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x(k10)p(t - k10), \quad p(t) = |t|G_2(t)$$



6ª Questão: Determine a transformada de Laplace com o domínio de existência Ω_x para

$$x(t) = 5t^3 \exp(3t)u(-t) - 4t \exp(-2t)u(t)$$



7ª Questão: Determine a transformada inversa de Laplace de

$$X(s) = \frac{-3s^2 - s - 13}{(s+1)^2(s-2)}, \quad -1 < \text{Re}(s) < 2$$



8ª Questão: Determine o valor da integral

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} th(t)dt$$

sendo $h(t)$ a resposta ao impulso de um sistema linear invariante no tempo dada por

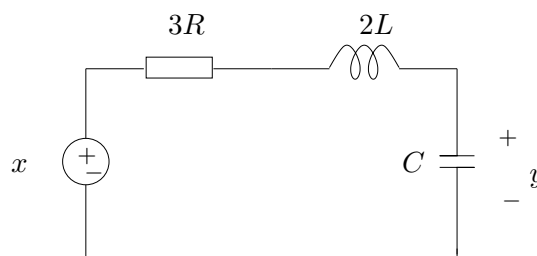
$$h(t) = (t \exp(-2t)u(t)) * (\exp(-3t)u(t))$$

9ª Questão: Determine a transformada de Laplace $X(s)$ e o domínio de existência Ω_x para

$$x(t) = -tG_2(t+1) + tG_2(t-1)$$

10ª Questão: Determine L e C (em função de R e ω_c) para que circuito da figura abaixo seja um filtro de Butterworth de segunda ordem, isto é, satisfaça a função de transferência

$$H(s) = \frac{1}{D(\lambda)} \quad , \quad D(\lambda) = \lambda^2 + \sqrt{2}\lambda + 1 \quad , \quad \lambda = \frac{s}{\omega_c} \quad , \quad \omega_c \text{ dado}$$



$$G_T(t) = u(t + T/2) - u(t - T/2), \quad \text{Tri}_{2T}(t) = \frac{1}{T}G_T(t) * G_T(t), \quad x(t) * y(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(\beta)y(t - \beta)d\beta$$

$$X(\omega) = \mathcal{F}\{x(t)\} = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \exp(-j\omega t)dt, \quad x(t) = \mathcal{F}^{-1}\{X(\omega)\} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} X(\omega) \exp(j\omega t)d\omega$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} |x(t)|^2 dt = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} |X(\omega)|^2 d\omega, \quad \mathcal{F}\{x(t)\} = X(\omega) \Leftrightarrow \mathcal{F}\{X(t)\} = 2\pi x(-\omega)$$

$$\mathcal{F}\{G_T(t)\} = T\text{Sa}(\omega T/2), \quad \text{Sa}(x) = \frac{\text{sen}(x)}{x}, \quad \mathcal{F}\{\text{Sa}(\omega_0 t/2)\} = \frac{2\pi}{\omega_0} G_{\omega_0}(\omega),$$

$$\mathcal{F}\{\text{Sa}^2(\omega_0 t/2)\} = \frac{2\pi}{\omega_0} \text{Tri}_{2\omega_0}(\omega), \quad \mathcal{F}\{\text{Tri}_{2T}(t)\} = T\text{Sa}^2(\omega T/2)$$

$$\mathcal{F}\{\delta(t)\} = 1, \quad \mathcal{F}\{1\} = 2\pi\delta(\omega), \quad \mathcal{F}\{u(t)\} = \pi\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega}, \quad \mathcal{F}\left\{\mathcal{I}_x(t) = \int_{-\infty}^t x(\beta)d\beta\right\} = X(\omega)\left(\pi\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega}\right)$$

$$\mathcal{F}\{\exp(-a|t|)\} = \frac{2a}{a^2 + \omega^2}, \quad a > 0, \quad \mathcal{F}\{\text{sinal}(t)\} = \frac{2}{j\omega}, \quad \mathcal{F}\{x(t - \tau)\} = X(\omega) \exp(-j\omega\tau), \quad \mathcal{F}\{x(-t)\} = X(-\omega)$$

$$\mathcal{F}\{\delta(t - \tau)\} = \exp(-j\omega\tau), \quad \mathcal{F}\{x(t) \exp(j\omega_0 t)\} = X(\omega - \omega_0), \quad \mathcal{F}\{x(t) * y(t)\} = X(\omega)Y(\omega)$$

$$\mathcal{F}\{\cos(\omega_0 t)\} = \pi\delta(\omega - \omega_0) + \pi\delta(\omega + \omega_0), \quad \mathcal{F}\{\text{sen}(\omega_0 t)\} = \frac{\pi}{j}\delta(\omega - \omega_0) - \frac{\pi}{j}\delta(\omega + \omega_0)$$

$$\mathcal{F}\left\{\sum_{k=-\infty}^{+\infty} \delta(t - kT)\right\} = \omega_0 \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \delta(\omega - k\omega_0), \quad \omega_0 = \frac{2\pi}{T}$$

$$\mathcal{F}\left\{\frac{d}{dt}x(t)\right\} = (j\omega)X(\omega), \quad \mathcal{F}\{x(t)y(t)\} = \frac{1}{2\pi}X(\omega) * Y(\omega), \quad \mathcal{F}\{t^m x(t)\} = j^m \frac{d^m}{d\omega^m} X(\omega)$$

$$H(s) = \mathcal{L}\{h(t)\} = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t) \exp(-st)dt, \quad s \in \Omega_h, \quad \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)dt = X(s)\Big|_{s=0}, \quad 0 \in \Omega_x$$

$$\mathcal{L}\{\delta(t)\} = 1, \quad s \in \mathbb{C}, \quad \mathcal{L}\{x(t) * x_2(t)\} = \mathcal{L}\{x_1(t)\}\mathcal{L}\{x_2(t)\}, \quad \Omega_x = \Omega_{x_1} \cap \Omega_{x_2}$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = x(t - \tau)\} = X(s) \exp(-s\tau), \quad \Omega_y = \Omega_x, \quad \mathcal{L}\{\exp(-at)u(t)\} = \frac{1}{s + a}, \quad \text{Re}(s + a) > 0$$

$$\mathcal{L}\{\exp(-\alpha t) \cos(\beta t)u(t)\} = \frac{(s + \alpha)}{(s + \alpha)^2 + \beta^2}, \quad \mathcal{L}\{\exp(-\alpha t) \text{sen}(\beta t)u(t)\} = \frac{\beta}{(s + \alpha)^2 + \beta^2}, \quad \text{Re}(s + \alpha) > 0$$

$$\mathcal{L}\left\{\frac{t^m}{m!} \exp(-at)u(t)\right\} = \frac{1}{(s + a)^{m+1}}, \quad \text{Re}(s + a) > 0, \quad m \in \mathbb{N}$$

$$\mathcal{L}\left\{y(t) = \int_{-\infty}^t x(\beta)u(\beta)d\beta\right\} = \frac{1}{s}\mathcal{L}\{x(t)\}, \quad \Omega_y \supset \Omega_x \cap \{s \in \mathbb{C} : \text{Re}(s) > 0\}$$

$$\mathcal{L}\left\{\frac{t^m}{m!} u(t)\right\} = \frac{1}{s^{m+1}}, \quad \text{Re}(s) > 0, \quad m \in \mathbb{N}, \quad \mathcal{L}\{x(-t)\} = X(-s), \quad -s \in \Omega_x$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = \exp(-at)x(t)\} = X(s + a) \quad ; \quad \Omega_y = (s + a) \in \Omega_x$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = t^m x(t)\} = (-1)^m \frac{d^m X(s)}{ds^m}, \quad \Omega_y = \Omega_x, \quad m \in \mathbb{N}, \quad \mathcal{L}\{\dot{x}(t)\} = sX(s), \quad \Omega_{\dot{x}} \supset \Omega_x$$