

Nome: .....

RA: .....

**Obs.:** Resolva as questões e justifique as respostas nas folhas de papel almanço, copiando o resultado no espaço apropriado das folhas de questões.

**1<sup>a</sup> Questão:** Dado  $x(t) = G_2(t-1) + (-t-1)G_1(t+0.5)$ , determine e esboce o sinal  $x(-t - 2)$

1) (1.0)	
2) (1.0)	
3) (1.0)	
4) (1.0)	
5) (1.0)	
6) (1.0)	
7) (1.0)	
8) (1.0)	
9) (1.0)	
10) (1.0)	

**2<sup>a</sup> Questão:** Classifique o sistema dado por

$$\dot{y}(t) + 6ty(t) = \ddot{x}(t) + 3\dot{x}(t) + 5x(t)$$

quanto a linearidade, invariância no tempo e causalidade.

**3<sup>a</sup> Questão:** Determine a saída forçada  $y_f(t)$  para a entrada  $x(t) = \exp(t)$  do sistema

$$\dot{y} + 2y = x$$

**4<sup>a</sup> Questão:** Determine e esboce a convolução de  $x(t) = 2G_1(t + 0.5) - 2G_1(t - 0.5)$  com  $G_1(t - 0.5)$

**5<sup>a</sup> Questão:** a) Determine a resposta ao impulso do sistema descrito por

$$y(t) = \mathcal{G}\{x(t)\} = \int_{t-2}^{t+2} (t-\beta)x(\beta)d\beta$$

b) Classifique o sistema quanto a causalidade e BIBO-estabilidade

**6<sup>a</sup> Questão:** A partir dos sinais linearmente independentes  $f_1(t) = G_1(t - 0.5) - G_1(t - 1.5) + G_1(t - 2.5)$ ,  $f_2 = G_2(t - 1)$ ,  $f_3 = G_2(t - 2)$ , determine e esboce  $\{g_1(t), g_2(t), g_3(t)\}$  ortogonais que gerem o mesmo espaço.

**7<sup>a</sup> Questão:** Determine os coeficientes  $a$  e  $b$  que minimizam o erro quadrático médio  $\langle \epsilon^2(t) \rangle$  com

$$\epsilon(t) = \underbrace{(2t - t^2)G_2(t - 1)}_{y(t)} - \underbrace{(a t G_2(t - 1))}_{x_1(t)} + \underbrace{b G_2(t - 1)}_{x_2(t)}$$

**8<sup>a</sup> Questão:** a) Determine os coeficientes  $c_k$  da série exponencial de Fourier de  $x(t)$  dado por

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} p(t - k10), \quad p(t) = u(t+1) + u(t) - 2u(t-1)$$

b) Determine  $c_0$

**9<sup>a</sup> Questão:** Considere o sinal  $x(t) = 3j + j \cos(4t) - 3 \cos(6t)$

a) Determine o período fundamental  $T$  de  $x(t)$

b) Determine os coeficientes  $c_k$  da série exponencial de Fourier de  $x(t)$

c) Determine a potência média de  $x(t)$

**10<sup>a</sup> Questão:** Determine a potência média do sinal periódico  $x(t)$  dado por

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} p(t - k10), \quad p(t) = (t+1)G_1(t+0.5) + G_1(t-0.5)$$

## Consulta

$$G_T(t) = u(t + T/2) - u(t - T/2)$$

$$\delta(t) = \frac{d}{dt}u(t) , \quad u(t) = \int_{-\infty}^t \delta(\beta)d\beta , \quad \int_{-\infty}^{+\infty} f(t)\delta(t)dt = f(0)$$

$$x_1(t) * x_2(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x_1(\beta)x_2(t - \beta)d\beta , \quad x(t) * \delta(t) = x(t) , \quad x(t) * u(t) = \mathcal{I}_x(t) = \int_{-\infty}^t x(\beta)d\beta$$

$$\mathcal{I}_{x*y}(t) = x(t) * \mathcal{I}_y(t) = \mathcal{I}_x(t) * y(t) = u(t) * x(t) * y(t) , \quad \frac{d}{dt}(x(t) * y(t)) = \dot{x}(t) * y(t) = x(t) * \dot{y}(t)$$

$$\mathcal{L}\{\exp(-at)u(t)\} = \frac{1}{s+a}, \quad \text{Re}(s+a) > 0, \quad \mathcal{L}\{y(t) = x(t - \tau)\} = X(s)\exp(-s\tau), \quad \Omega_y = \Omega_x$$

Sinais ortogonais:  $\langle x(t)y^*(t) \rangle = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)y^*(t)dt = 0$  ,      Projeção ortogonal:  $\langle \epsilon(t)g_k^*(t) \rangle = 0$  ,  $\forall k$

Gram-Schmidt

$$g_1(t) = f_1(t) ; \quad g_k(t) = f_k(t) - \sum_{\ell=1}^{k-1} \frac{\langle f_k(t)g_\ell(t) \rangle}{\langle g_\ell^2(t) \rangle} g_\ell(t) , \quad k = 2, \dots, n$$

Série de Fourier

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} c_k \exp(jk\omega_0 t) \Leftrightarrow c_k = \frac{1}{T} \int_T x(t) \exp(-jk\omega_0 t) dt , \quad \frac{1}{T} \int_T |x(t)|^2 dt = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} |c_k|^2 \text{ (potência média)}$$

$$\mathcal{F}_S\{x(t)\}_T = \{c_k\}_{\omega_0} \Rightarrow c_0 = \frac{1}{T} \int_T x(t) dt \text{ (valor médio)} , \quad x(0) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} c_k$$

$$\mathcal{F}_S\left\{\frac{d}{dt}x(t)\right\}_T = \{j k \omega_0 c_k\}_{\omega_0} , \quad \mathcal{F}_S\left\{\int_{-\infty}^t x(\beta)d\beta\right\}_T = \left\{\frac{1}{j k \omega_0} c_k\right\}_{\omega_0} (x(t) \text{ com valor médio } 0)$$

$$x(t) \text{ real:} \quad x(t) = a_0 + \sum_{k=1}^{+\infty} (a_k \cos(k\omega_0 t) + b_k \sin(k\omega_0 t))$$

$$a_0 = c_0 = \frac{1}{T} \int_T x(t) dt , \quad a_k = (c_k + c_{-k}) = \frac{2}{T} \int_T x(t) \cos(k\omega_0 t) dt , \quad b_k = j(c_k - c_{-k}) = \frac{2}{T} \int_T x(t) \sin(k\omega_0 t) dt$$