

Nome:

RA:

Obs.: Resolva as questões e justifique as respostas nas folhas de papel almanaque, copiando o resultado no espaço apropriado das folhas de questões.

1^a Questão: Determine a transformada de Fourier de

$$x(t) = \frac{\exp(j2t)}{1 + (t/2)^2}$$

1) (1.0)	
2) (1.0)	
3) (1.0)	
4) (1.0)	
5) (1.0)	
6) (1.0)	
7) (1.0)	
8) (1.0)	
9) (1.0)	
10) (1.0)	

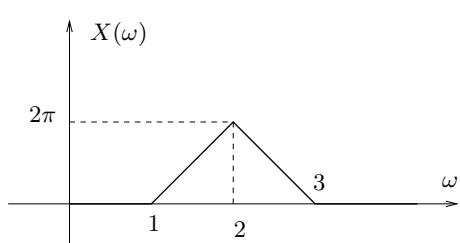
2^a Questão: Determine a transformada de Fourier

$$\mathcal{F}\{\text{Sa}(t)\text{Sa}(2t)\}$$

3^a Questão: Determine $\int_{-\infty}^{+\infty} |\dot{x}(t)|^2 dt$ sabendo que

$$X(\omega) = \mathcal{F}\{x(t)\} = j\omega G_2(\omega + 1) - j\omega G_2(\omega - 1)$$

4^a Questão: Determine a transformada inversa de Fourier do sinal mostrado na figura abaixo.



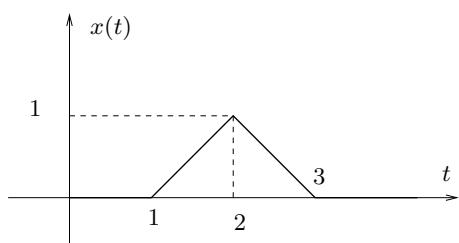
5^a Questão: Sabendo que a transformada de Fourier do sinal $x(t)$ é tal que $X(\omega) = 0$ para $|\omega| \geq 0.5$, determine:

- a) O máximo valor do intervalo de amostragem $T > 0$ para que o sinal possa ser recuperado sem distorção a partir de suas amostras.

- b) A expressão da transformada de Fourier do filtro que recupera o sinal $x(t)$ sem distorção a partir de $x_a(t)$ dado por

$$x_a(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x(k)p(t-k), \quad p(t) = (0.5 - |t|)G_1(t)$$

6^a Questão: Determine a transformada de Laplace do sinal mostrado na figura abaixo.



7^a Questão: Determine a função $x(t)$ cuja transformada de Laplace é dada por

$$X(s) = \frac{s^2 - 7s + 9}{(s - 1)^2(s + 2)}, \quad -2 < \text{Re}(s) < 1$$

8^a Questão: Determine o valor da integral

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} t h(t) dt$$

sendo $h(t)$ a resposta ao impulso causal do sistema linear invariante no tempo dado por

$$\begin{bmatrix} \dot{v}_1 \\ \dot{v}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -10 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} x, \quad y = [-4 \quad 3] \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} + [1] x$$

9^a Questão: Determine a transformada de Laplace $X(s)$ e o domínio de existência Ω_x para

$$x(t) = t^3 \exp(-3t) u(-t)$$

10^a Questão: Determine L_1 e C_2 e L_3 (em função de R e ω_c) para que o sistema descrito pela equação diferencial

$$(p^3 L_1 C_2 L_3 + p^2 L_1 C_2 R + p(L_1 + L_3) + R)y = Rx$$

seja um filtro de Butterworth de terceira ordem, isto é, satisfaça a função de transferência

$$H(s) = \frac{1}{D(\lambda)} , \quad D(\lambda) = \lambda^3 + 2\lambda^2 + 2\lambda + 1 , \quad \lambda = \frac{s}{\omega_c} , \quad R \text{ e } \omega_c \text{ dados}$$

Consulta

$$G_T(t) = u(t + T/2) - u(t - T/2) , \quad \text{Tri}_{2T}(t) = \frac{1}{T} G_T(t) * G_T(t) , \quad x(t) * y(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(\beta)y(t - \beta)d\beta$$

$$X(\omega) = \mathcal{F}\{x(t)\} = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \exp(-j\omega t)dt , \quad x(t) = \mathcal{F}^{-1}\{X(\omega)\} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} X(\omega) \exp(j\omega t)d\omega$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} |x(t)|^2 dt = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} |X(\omega)|^2 d\omega , \quad \mathcal{F}\{x(t)\} = X(\omega) \Leftrightarrow \mathcal{F}\{X(t)\} = 2\pi x(-\omega)$$

$$\mathcal{F}\{G_T(t)\} = T \text{Sa}(\omega T/2) , \quad \text{Sa}(x) = \frac{\text{sen}(x)}{x} , \quad \mathcal{F}\{\text{Sa}(\omega_0 t/2)\} = \frac{2\pi}{\omega_0} G_{\omega_0}(\omega) , \quad \mathcal{F}\{x(-t)\} = X(-\omega)$$

$$\mathcal{F}\{\delta(t)\} = 1, \quad \mathcal{F}\{1\} = 2\pi\delta(\omega), \quad \mathcal{F}\{u(t)\} = \pi\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega}, \quad \mathcal{F}\left\{\mathcal{I}_x(t) = \int_{-\infty}^t x(\beta)d\beta\right\} = X(\omega) \left(\pi\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega} \right)$$

$$\mathcal{F}\{\exp(-a|t|)\} = \frac{2a}{a^2 + \omega^2}, \quad a > 0, \quad \mathcal{F}\{\text{sinal}(t)\} = \frac{2}{j\omega}, \quad \mathcal{F}\{x(t - \tau)\} = X(\omega) \exp(-j\omega\tau)$$

$$\mathcal{F}\{\delta(t - \tau)\} = \exp(-j\omega\tau), \quad \mathcal{F}\{x(t) \exp(j\omega_0 t)\} = X(\omega - \omega_0), \quad \mathcal{F}\{x(t) * y(t)\} = X(\omega)Y(\omega)$$

$$\mathcal{F}\left\{\frac{d}{dt}x(t)\right\} = (j\omega)X(\omega) , \quad \mathcal{F}\{x(t)y(t)\} = \frac{1}{2\pi}X(\omega) * Y(\omega) , \quad \mathcal{F}\{t^m x(t)\} = j^m \frac{d^m}{d\omega^m}X(\omega)$$

$$H(s) = \mathcal{L}\{h(t)\} = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t) \exp(-st)dt , \quad s \in \Omega_h , \quad \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)dt = X(s) \Big|_{s=0, \quad 0 \in \Omega_x}$$

$$\mathcal{L}\{\delta(t)\} = 1, \quad s \in \mathbb{C} , \quad \mathcal{L}\{x(t) = x_1(t) * x_2(t)\} = \mathcal{L}\{x_1(t)\}\mathcal{L}\{x_2(t)\} , \quad \Omega_x = \Omega_{x_1} \cap \Omega_{x_2}$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = x(t - \tau)\} = X(s) \exp(-s\tau) , \quad \Omega_y = \Omega_x , \quad \mathcal{L}\{\exp(-at)u(t)\} = \frac{1}{s+a} , \quad \text{Re}(s+a) > 0$$

$$\mathcal{L}\{\exp(-\alpha t) \cos(\beta t)u(t)\} = \frac{(s+\alpha)}{(s+\alpha)^2 + \beta^2} , \quad \mathcal{L}\{\exp(-\alpha t) \text{sen}(\beta t)u(t)\} = \frac{\beta}{(s+\alpha)^2 + \beta^2} , \quad \text{Re}(s+\alpha) > 0$$

$$\mathcal{L}\left\{\frac{t^m}{m!} \exp(-at)u(t)\right\} = \frac{1}{(s+a)^{m+1}} , \quad \text{Re}(s+a) > 0 , \quad m \in \mathbb{N}$$

$$\mathcal{L}\left\{y(t) = \int_{-\infty}^t x(\beta)u(\beta)d\beta\right\} = \frac{1}{s} \mathcal{L}\{x(t)\} , \quad \Omega_y \supset \Omega_x \cap \{s \in \mathbb{C} : \text{Re}(s) > 0\}$$

$$\mathcal{L}\left\{\frac{t^m}{m!}u(t)\right\} = \frac{1}{s^{m+1}} , \quad \text{Re}(s) > 0 , \quad m \in \mathbb{N} , \quad \mathcal{L}\{x(-t)\} = X(-s) , \quad -s \in \Omega_x$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = \exp(-at)x(t)\} = X(s+a) ; \quad \Omega_y = (s+a) \in \Omega_x$$

$$\mathcal{L}\{y(t) = t^m x(t)\} = (-1)^m \frac{d^m X(s)}{ds^m} , \quad \Omega_y = \Omega_x , \quad m \in \mathbb{N} , \quad \mathcal{L}\{\dot{x}(t)\} = sX(s) , \quad \Omega_{\dot{x}} \supset \Omega_x$$